

2019年 後期中間試験 (数学1:久保)

クラス(I2) No.() 氏名()

- 1 右のパスカルの三角形を完成 (7点)
 させて, $(x-1)^5$ の展開式を書け。 $n=1$ $\begin{array}{c} \diagup 1 \diagdown \\ \diagup 1 \diagdown \end{array}$

よって,
 $(x-1)^5 =$

- 2 二項定理を利用して, $(x - \frac{1}{x^2})^8$ の展開式における x^{-1} (5点)
 の係数を求めよ。

(答) _____

- 3 次の数列は等差数列とする。公差を求め, 空欄に適切な数を入れよ。
 (5点 × 3 = 15点)

(1) 1, 5, (), (), (), …… 公差は ()

(2) 5, (), 1, (), (), …… 公差は ()

(3) (), 2, (), (), 11, …… 公差は ()

- 4 次の数列は等比数列とする。公比を求め, 空欄に適切な数を入れよ。
 (5点 × 3 = 15点)

(1) 1, 2, (), (), (), …… 公比は ()

(2) -2, 2, (), (), (), …… 公比は ()

(3) (), 1, (), (), 27, …… 公比は ()

- 5 次の数列を第5項まで並べよ。 (5点 × 3 = 15点)

(1) 数列 $\{a_n\} = 13, 10, 15, 17, 11, 10, \dots$ の階差数列 $\{b_n\}$

(2) $a_1 = 2, a_{n+1} = a_n + 3 (n = 1, 2, 3, \dots)$

(3) $a_1 = 4, a_{n+1} = 2 \cdot a_n (n = 1, 2, 3, \dots)$

- 6 初項が5, 項数が20, 末項が45の等差数列の和を求めよ。 (7点)

計算式:

(答) _____

- 7 次の計算をせよ。 (6点 × 3 = 18点)

(1) $\sum_{k=1}^n (4k - 1) =$

(2) $\sum_{k=1}^n \frac{1}{k(k+1)} =$

(3) $\sum_{k=1}^n 2^k =$

- 8 次の極限を計算せよ。 (6点 × 3 = 18点)

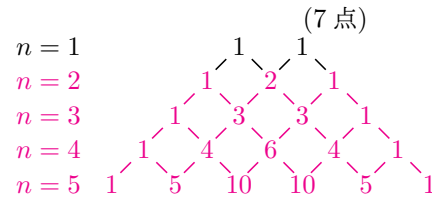
(1) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n} + 1 \right) \left(5 + \frac{1}{n^2} \right) =$

(2) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n + 9}{2n + 3} =$

(3) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5^{n+1} - 7^{n+1}}{5^n + 7^n} =$

クラス(I2) No.() 氏名(解答例)

- 1 右のパスカルの三角形を完成させて、 $(x-1)^5$ の展開式を書け。
 パスカルの三角形は右ようになる



よって、
 $(x-1)^5 = x^5 - 5x^4 + 10x^3 - 10x^2 + 5x - 1$

- 2 二項定理を利用して、 $(x - \frac{1}{x^2})^8$ の展開式における x^{-1} の係数を求めよ。

それぞれの項は、 ${}_8C_r x^{8-r} (\frac{-1}{x})^r$ なので、 x の指数は、 $8-3r$
 よって、 $8-3r = -1 \rightarrow r = 3$
 したがって、係数は、 ${}_8C_3(-1)^3 = -56$ (答) -56

- 3 次の数列は等差数列とする。公差を求め、空欄に適切な数を入れよ。
 (5点 × 3 = 15点)

(1) 1, 5, (9), (13), (17), …… 公差は (4)

(2) 5, (3), 1, (-1), (-3), …… 公差は (-2)

(3) (-1), 2, (5), (8), 11, …… 公差は (3)

- 4 次の数列は等比数列とする。公比を求め、空欄に適切な数を入れよ。
 (5点 × 3 = 15点)

(1) 1, 2, (4), (8), (16), …… 公比は (2)

(2) -2, 2, (-2), (2), (-2), …… 公比は (-1)

(3) ($\frac{1}{3}$), 1, (3), (9), 27, …… 公比は (3)

- 5 次の数列を第5項まで並べよ。 (5点 × 3 = 15点)

(1) 数列 $\{a_n\} = 13, 10, 15, 17, 11, 10, \dots$ の階差数列 $\{b_n\}$
 $-3, 5, 2, -6, -1$

(2) $a_1 = 2, a_{n+1} = a_n + 3 (n = 1, 2, 3, \dots)$
 $2, 5, 8, 11, 14$

(3) $a_1 = 4, a_{n+1} = 2 \cdot a_n (n = 1, 2, 3, \dots)$
 $4, 8, 16, 32, 64$

- 6 初項が5, 項数が20, 末項が45の等差数列の和を求めよ。 (7点)

計算式: $\frac{1}{2} \times 20 \times (5 + 45) = 500$

(答) 500

- 7 次の計算をせよ。 (6点 × 3 = 18点)

(1) $\sum_{k=1}^n (4k-1) = 4 \sum_{k=1}^n k - \sum_{k=1}^n 1 = 2n(n+1) - n = 2n^2 + n = n(2n+1)$
 ※ または、等差数列の和として計算してよい。

(2) $\sum_{k=1}^n \frac{1}{k(k+1)} = \sum_{k=1}^n \left(\frac{1}{k} - \frac{1}{k+1} \right) = \left(1 - \frac{1}{2} \right) + \dots + \left(\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1} \right) = 1 - \frac{1}{n+1} = \frac{n}{n+1}$

(3) $\sum_{k=1}^n 2^k = \sum_{k=1}^n 2 \cdot 2^{k-1} = \frac{2(2^n - 1)}{2 - 1} = 2^{n+1} - 2$
 (初項が2, 公比が2の等比数列の和)

- 8 次の極限を計算せよ。 (6点 × 3 = 18点)

(1) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n} + 1 \right) \left(5 + \frac{1}{n^2} \right) = (0+1)(5+0) = 5$

(2) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n+9}{2n+3} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4 + \frac{9}{n}}{2 + \frac{3}{n}} = \frac{4+0}{2+0} = 2$

(3) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5^{n+1} - 7^{n+1}}{5^n + 7^n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5 \cdot \left(\frac{5}{7}\right)^n - 7}{\left(\frac{5}{7}\right)^n + 1} = \frac{0-7}{0+1} = -7$